

平成 30 年度 金沢医科大学医学部入学試験問題  
一般入学試験（前期）（数学）

1 2個のさいころ A, B と 3枚の硬貨を同時に投げるとき, さいころ A の出る目を  $a$ , さいころ B の出る目を  $b$  とし, 表が出る硬貨の枚数を  $c$ , 裏が出る硬貨の枚数を  $d$  とする。これらの値に対して 2 直線  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \dots\dots ①$ ,  $\frac{x}{c+1} + \frac{y}{d+1} = 1 \dots\dots ②$  を考える。

(1) ①, ②のどちらも点  $(2, 0)$  を通る確率は  $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$  である。

(2) ①, ②が一致する確率は  $\frac{\text{エ}}{\text{オカ}}$  である。

(3) ①と  $x$  軸および  $y$  軸で囲まれた三角形の面積を  $S_1$ , ②と  $x$  軸および  $y$  軸で囲まれた三角形の面積を  $S_2$  とするとき,  $S_1 = S_2$  になる確率は  $\frac{\text{キ}}{\text{クケ}}$  である。

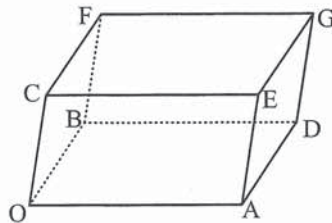
(4) (2)の条件以外で①, ②が平行になる確率は  $\frac{\text{コ}}{\text{サシ}}$  である。

2  $i$  を虚数単位とし,  $a, b$  を負の定数とする。複素数  $z = a + bi$  について,  $z^2$  と  $3z$  が互いに共

役な複素数であるとき,  $a = -\frac{\text{ス}}{\text{セ}}$ ,  $b = -\frac{\text{ソ}}{\text{チ}} \sqrt{\text{タ}}$  であり,  $z^3 = \text{ツテ}$

である。次に,  $s, t$  を実数の定数とする。3 次方程式  $x^3 + 10x^2 + sx + t = 0$  の解の 1 つが  $z^2$  であるとき,  $s = \text{トナ}$ ,  $t = \text{ニヌ}$  であり, この 3 次方程式は実数解  $x = -\text{ネ}$  をもつ。

- 3 平行六面体  $OADB - CEGF$  において、 $AD, DG$  の中点をそれぞれ  $I, J$  とし、 $\triangle FIJ$  の重心を  $K$  とするとき、 $\vec{OK} = \frac{\text{ノ} \vec{OA} + \text{ハ} \vec{OB} + \text{ヒ} \vec{OC}}{\text{フ}}$  である。次に、辺  $OA$  を  $3:1$  に外分する点を  $M$ 、辺  $OB$  を  $3:2$  に内分する点を  $N$  とし、平面  $CMN$  と直線  $OK$  の交点を  $P$  とするとき、 $\vec{OP} = \frac{\text{ヘ} \vec{OA} + \text{ホ} \vec{OB} + \text{マ} \vec{OC}}{\text{ミム}}$  であり、線分  $OP$  の長さとして線分  $OK$  の長さを最も簡単な整数比で表すと  $OP:OK = \text{メ}:\text{モ}$  である。さらに、平面  $BDFG$  と直線  $OK$  の交点を  $Q$  とするとき、 $\vec{OQ} = \frac{\text{ヤ} \vec{OA} + \text{ユ} \vec{OB} + \text{ヨ} \vec{OC}}{\text{ラ}}$  であり、線分  $OP$  の長さとして線分  $OQ$  の長さを最も簡単な整数比で表すと  $OP:OQ = \text{リ}:\text{ルレ}$  である。



- 4  $a, b, c, d, k$  を定数とする。関数  $f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x+2}$  が  $x = -3$  で極大値  $-1$  をとり、 $x = k$  で極小値  $3$  をとるとき、 $a = \text{ロ}$ 、 $b = \text{ワ}$ 、 $c = \text{ヲ}$ 、 $k = -\text{あ}$  である。曲線  $y = f(x) \dots\dots ①$  と  $y$  軸の交点を  $D(0, d)$  とするとき、 $d = \frac{\text{い}}{\text{う}}$  であり、直線  $y = d$  と  $①$  の、 $D$  以外の交点を  $E$  とするとき、 $E$  の座標は  $\left( -\frac{\text{え}}{\text{お}}, \frac{\text{い}}{\text{う}} \right)$  である。 $E$  における  $①$  上の法線の方程式は  $y = \frac{\text{か}}{\text{き}}x + \text{く} \dots\dots ②$  であり、 $①$  と  $②$  で囲まれた部分の面積は  $\frac{\text{けこ}}{\text{さし}} - \log_e \text{す}$  である。